kann aber der Franck-Condon-Faktor für die Anregung der ersten Quanten u. U. sehr klein werden.

Der Zerfall $\text{CH}_3\text{OH}^+ \rightarrow \text{CH}_2\text{OH}^+ + \text{H}$ beginnt nach Chupka bei 11,67 eV. In der Koinzidenzkurve hört die Bildung von CH_3OH^+ im Einklang mit der geringen Besetzungsdichte, die bei der Photoionisation erreicht wird, oberhalb 11,4 eV auf, bevor die Fragmentbildung in Gang kommt. Wilmenius und Lindholm sehen ebenfalls ein abruptes Abbrechen der Muttermasse im Zerfallsdiagramm am Einsatzzpunkt der Bruchstückbildung. Die Koinzidenzkurve des CH_2OH^+ folgt in ihrem Verhalten der Gegenfeldkurve; Ionen im zweiten elektronischen Zustand zerfallen in $\text{CH}_2\text{OH} + \text{H}$.

9. Ameisensäure

HCOOH ist ein relativ einfaches, unsymmetrisches Molekül. Das AP des Ions wurde von WATANABE³⁰ zu 11,05 eV bestimmt. Dieser Wert wurde

hier als Eichpunkt von Gegenfeldkurve und Koinzidenzkurven, Abb. 12, benutzt. Bei $12,00 \pm 0,05$ eV beginnt ein zweiter, bei $13,91 \pm 0,05$ eV ein dritter elektronischer Zustand des Ions. In der Koinzidenzkurve hört die Produktion von HCOOH^+ mit dem Ausklingen des Grundzustandes auf; das AP des Bruchstückes HCOO^+ , nach MARINER und BLEAKNEY³² bei $12,1 \pm 0,1$ eV, fällt zusammen mit dem Beginn des zweiten elektronischen Zustands. Bei $12,9 \pm 0,25$ eV hört auch die Bruchstückbildung von HCOO^+ auf, nach Mariner und Bleakney beginnt bei 12,8 eV der Zerfall

Ich danke Herrn Prof. Dr. O. OSBERGHAUS für die Anregung zu dieser Arbeit und besonders Herrn Dr. B. BREHM für viele klärende Diskussionen.

³² T. MARINER u. W. BLEAKNEY, Phys. Rev. **72**, 792 [1947].

Zur Thermodynamik flüssiger unvollständig dissoziierter binärer Elektrolytmischungen

K.-H. DÜCKER

Institut für Physikalische Chemie der Rheinisch-Westfälischen Technischen Hochschule Aachen

(Z. Naturforsch. **25 a**, 1071—1080 [1970]; eingegangen am 4. April 1970)

Für eine Elektrolytmischung aus zwei Komponenten, deren Moleküle in einer Stufe dissoziieren und die ein gemeinsames Ion (Kation oder Anion) besitzen, werden die chemischen Potentiale der Komponenten und der in der Mischung vorhandenen Teilchenarten zueinander in Beziehung gesetzt. In Analogie zur „idealen assoziierten Mischung“ oder „idealen vollständig dissoziierten Mischung“ wird die „ideale unvollständig dissoziierte Mischung“ definiert. Die Aktivitätskoeffizienten der Komponenten dieser idealen Mischung haben im gesamten Konzentrationsbereich den Wert 1. Die Betrachtung des Verdampfungsgleichgewichtes liefert Ausdrücke zur Berechnung der Aktivitätskoeffizienten aus Partialdampfdruckmessungen. Einige Spezialfälle werden erörtert.

Einführung

Wir betrachten eine flüssige Mischung aus zwei Komponenten 1 und 2. Die Moleküle der beiden Komponenten können teilweise in einer Stufe in geladene Teilchen dissoziiert sein, wobei insgesamt drei verschiedene Ionenarten entstehen. Ein Molekül der Komponente 1 bzw. 2 zerfällt in die Kationen A^{z_a} und Anionen B^{z_b} bzw. Kationen C^{z_c} und die gleichen Anionen $^1 B^{z_b}$. z_a , z_b und z_c sind die Ladungszahlen der Dissoziationsprodukte A , B und C . Die

Komponente 1 bzw. 2 mit den Zerfallszahlen ν_a und ν_b bzw. ν_c und ν_b^* ihrer Ionen A^{z_a} , B^{z_b} bzw. C^{z_c} und B^{z_b} hat die Formel $A_{\nu_a} B_{\nu_b}$ bzw. $C_{\nu_c} B_{\nu_b^*}$. Es liegen also in der Mischung die Dissoziationsgleichgewichte

vor, die bei der Komponente 1 durch den Dissoziationsgrad α_1 und bei der Komponente 2 durch den Dissoziationsgrad α_2 charakterisiert sind. Wegen der Elektroneutralität gelten die Beziehungen:

Sonderdruckanforderungen an Dr. K.-H. DÜCKER, Institut für Physikalische Chemie der Techn. Hochschule Aachen, D-5100 Aachen, Templergraben 59.

¹ Die Annahme gleicher Anionen ist willkürlich. Die folgenden Überlegungen lassen sich natürlich auch für Systeme mit gleichen Kationen durchführen.

$$\nu_a z_a + \nu_b z_b = 0, \quad (2a)$$

$$\nu_c z_c + \nu_b^* z_b = 0. \quad (2b)$$

Als makroskopische Variable unserer flüssigen Mischung dienen die thermodynamische Temperatur T , der Druck P und der stöchiometrische Molenbruch x der Komponente 1. Die Dissoziationsgrade α_1 und α_2 der beiden Komponenten 1 und 2 hängen von diesen Zustandsvariablen ab. Da die vorgegebene Mischphase nur zwei Komponenten enthält, hat der stöchiometrische Molenbruch der Komponente 2 den Wert $1-x$. Bei $x=1$ bzw. $x=0$ liegt die reine Komponente 1 bzw. 2 vor. Beispiele für solche Systeme sind Mischungen flüssiger organischer Säuren oder teilweise dissoziierte Elektrolytschmelzen mit einem gemeinsamen Ion.

Komponenten und Teilchenarten

Die oben beschriebene Mischung enthält die Ionen A^{z_a} , B^{z_b} , C^{z_c} sowie die neutralen Teilchenarten $A_{\nu_a} B_{\nu_b}$ und $C_{\nu_c} B_{\nu_b}^*$. Zu ihnen gehören die wahren Molenbrüche x_a , x_b , x_c , x_{ab} und x_{cb} . Sie sind gegeben durch die Zusammenhänge

$$x_a = \nu_a \alpha_1 x / N, \quad (3)$$

$$x_b = [\nu_b \alpha_1 x + \nu_b^* \alpha_2 (1-x)] / N, \quad (4)$$

$$x_c = \nu_c \alpha_2 (1-x) / N, \quad (5)$$

$$x_{ab} = (1-\alpha_1) x / N \quad (6)$$

$$\text{und} \quad x_{cb} = (1-\alpha_2) (1-x) / N, \quad (7)$$

$$\text{wobei} \quad (8)$$

$$N \equiv 1 + (\nu_2 - 1) \alpha_2 + [(\nu_1 - 1) \alpha_1 - (\nu_2 - 1) \alpha_2] x$$

$$\text{mit} \quad \nu_1 \equiv \nu_a + \nu_b \quad (9)$$

$$\text{und} \quad \nu_2 \equiv \nu_c + \nu_b^* \quad (10)$$

gesetzt ist.

Die reinen Komponenten 1 und 2 besitzen die Dissoziationsgrade α_1^0 und α_2^0 , die Funktionen der Temperatur T und des Druckes P sind. Die wahren Molenbrüche x_a^0 , x_b^0 und x_{ab}^0 der in der reinen Komponente 1 existierenden Teilchenarten ergeben sich aus den Gln. (3), (4) und (6) beim Grenzübergang $x \rightarrow 1$ ($\alpha_1 \rightarrow \alpha_1^0$) für feste Temperatur T und festen Druck P zu:

$$x_a^0 = \lim_{x \rightarrow 1} x_a = \frac{\nu_a \alpha_1^0}{1 + (\nu_1 - 1) \alpha_1^0}, \quad (11)$$

$$x_b^0 = \lim_{x \rightarrow 1} x_b = \frac{\nu_b \alpha_1^0}{1 + (\nu_1 - 1) \alpha_1^0} \quad (12)$$

$$\text{und} \quad x_{ab}^0 = \lim_{x \rightarrow 1} x_{ab} = \frac{1 - \alpha_1^0}{1 + (\nu_1 - 1) \alpha_1^0}. \quad (13)$$

Entsprechend findet man für die wahren Molenbrüche x_c^0 , x_b^{0*} und x_{cb}^0 der in der reinen Komponente 2 vorhandenen Teilchenarten nach den Gln. (4), (5) und (7) beim Grenzübergang $x \rightarrow 0$ ($\alpha_2 \rightarrow \alpha_2^0$) für konstante Temperatur T und konstanten Druck P :

$$x_c^0 = \lim_{x \rightarrow 0} x_c = \frac{\nu_c \alpha_2^0}{1 + (\nu_2 - 1) \alpha_2^0}, \quad (14)$$

$$x_b^{0*} = \lim_{x \rightarrow 0} x_b = \frac{\nu_b^* \alpha_2^0}{1 + (\nu_2 - 1) \alpha_2^0} \quad (15)$$

$$\text{und} \quad x_{cb}^0 = \lim_{x \rightarrow 0} x_{cb} = \frac{1 - \alpha_2^0}{1 + (\nu_2 - 1) \alpha_2^0}. \quad (16)$$

Wenn eine Komponente undissoziiert ist, liegt ein Sonderfall unseres Systems vor. Wir haben dann die Mischung eines teilweise dissoziierten Elektrolyten mit einem neutralen Stoff, also ein System, das gewöhnlich im Rahmen der Elektrolytlösungen behandelt wird. Dissoziiert zum Beispiel die Komponente 1 nicht, erhält man mit $\alpha_1 = 0$ für die wahren Molenbrüche der jetzt vorhandenen Teilchenarten aus den Gln. (3) bis (10):

$$x_a = 0, \quad (17)$$

$$x_b = \nu_b^* \alpha_2 (1-x) / M, \quad (18)$$

$$x_c = \nu_c \alpha_2 (1-x) / M, \quad (19)$$

$$x_{ab} = x / M \quad (20)$$

$$\text{und} \quad x_{cb} = (1 - \alpha_2) (1-x) / M \quad (21)$$

$$\text{mit} \quad M \equiv 1 + (\nu_2 - 1) \alpha_2 (1-x). \quad (22)$$

Der Grenzübergang $x \rightarrow 1$ liefert in diesem Spezialfall der undissoziierten Komponente 1 mit $\alpha_1 = \alpha_1^0 = 0$ nach (11), (12) und (13):

$$x_a^0 = 0, \quad x_b^0 = 0 \quad \text{und} \quad x_{ab}^0 = 1, \quad (23a, b, c)$$

während für den anderen Grenzfall $x \rightarrow 0$ die Beziehungen (14), (15) und (16) erhalten bleiben.

Sind beide Komponenten undissoziiert, liegt eine Mischung von Nichteurolyten vor, die eine besondere Gruppe der Mischphasen bildet.

Chemische Potentiale

Für die Freie Enthalpie G einer Mischung aus den Molmengen n_k der Stoffe k mit den chemischen Potentialen μ_k gilt allgemein²:

² R. HAASE, Thermodynamik der Mischphasen, Verlag Springer, Berlin 1956.

$$G = \sum_k n_k \mu_k. \quad (24)$$

Hierbei ist es gleichgültig, ob man als Stoffe k die Komponenten oder die Teilchenarten wählt. Bedeutungen n_1 und n_2 bzw. μ_1 und μ_2 die stöchiometrischen Molmengen bzw. die chemischen Potentiale der Komponenten 1 und 2 und n_a, n_b, n_c, n_{ab} und n_{cb} bzw. $\mu_a, \mu_b, \mu_c, \mu_{ab}$ und μ_{cb} die wahren Molmengen bzw. die chemischen Potentiale der Teilchenarten $A^{z_a}, B^{z_b}, C^{z_c}, A_{v_a} B_{v_b}$ und $C_{v_c} B_{v_b}^*$, folgt aus (24):

$$G = n_1 \mu_1 + n_2 \mu_2 \quad (25)$$

$$= n_a \mu_a + n_b \mu_b + n_c \mu_c + n_{ab} \mu_{ab} + n_{cb} \mu_{cb}.$$

Zwischen den wahren und den stöchiometrischen Molmengen bestehen die Zusammenhänge:

$$n_a = \nu_a \alpha_1 n_1, \quad (26 a)$$

$$n_b = \nu_b \alpha_1 n_1 + \nu_b^* \alpha_2 n_2, \quad (26 b)$$

$$n_c = \nu_c \alpha_2 n_2, \quad (26 c)$$

$$n_{ab} = (1 - \alpha_1) n_1 \quad (26 d)$$

$$\text{und} \quad n_{cb} = (1 - \alpha_2) n_2. \quad (26 e)$$

Die Gl. (25) ergibt mit den Umrechnungen (26) und den allgemeinen Gleichgewichtsbedingungen für die Dissoziationsgleichgewichte (1 a) und (1 b) ²

$$\mu_{ab} = \nu_a \mu_a + \nu_b \mu_b \quad (27 a)$$

$$\text{und} \quad \mu_{cb} = \nu_c \mu_c + \nu_b^* \mu_b \quad (27 b)$$

die Beziehung

$$n_1 \mu_1 + n_2 \mu_2 = n_1 \mu_{ab} + n_2 \mu_{cb}, \quad (28)$$

woraus durch Koeffizientenvergleich unter Verwendung von (27 a) und (27 b) folgt:

$$\mu_1 = \mu_{ab} = \nu_a \mu_a + \nu_b \mu_b, \quad (29 a)$$

$$\mu_2 = \mu_{cb} = \nu_c \mu_c + \nu_b^* \mu_b. \quad (29 b)$$

Bezeichnet man mit μ_{01} bzw. μ_{02} die chemischen Potentiale der reinen flüssigen Komponenten 1 und 2, mit μ_a^0 bzw. μ_b^0 bzw. μ_{ab}^0 die chemischen Potentiale der Teilchenarten A^{z_a} bzw. B^{z_b} bzw. $A_{v_a} B_{v_b}$ der reinen flüssigen Komponente 1 und mit μ_c^0 bzw. μ_b^{0*} bzw. μ_{cb}^0 die chemischen Potentiale der Teilchenarten C^{z_c} bzw. B^{z_b} bzw. $C_{v_c} B_{v_b}^*$ der reinen flüssigen Komponente ³ 2 und definiert sie für unser System durch

$$\mu_{01} \equiv \lim_{x \rightarrow 1} \mu_1, \quad \mu_{02} \equiv \lim_{x \rightarrow 0} \mu_2, \quad (30 a, b)$$

$$\mu_a^0 \equiv \lim_{x \rightarrow 1} \mu_a, \quad \mu_b^0 \equiv \lim_{x \rightarrow 1} \mu_b, \quad (30 c, d)$$

$$\mu_{ab}^0 \equiv \lim_{x \rightarrow 1} \mu_{ab}, \quad \mu_c^0 \equiv \lim_{x \rightarrow 0} \mu_c, \quad (30 e, f)$$

$$\mu_b^{0*} \equiv \lim_{x \rightarrow 0} \mu_b \quad \text{und} \quad \mu_{cb}^0 \equiv \lim_{x \rightarrow 0} \mu_{cb}, \quad (30 g, h)$$

erhält man aus (29 a) und (29 b) zusammen mit (30 a), (30 b), (30 e) und (30 h):

$$\mu_{01} = \lim_{x \rightarrow 1} \mu_1 = \lim_{x \rightarrow 1} \mu_{ab} = \mu_{ab}^0 \quad (31 a)$$

$$\text{und} \quad \mu_{02} = \lim_{x \rightarrow 0} \mu_2 = \lim_{x \rightarrow 0} \mu_{cb} = \mu_{cb}^0. \quad (31 b)$$

Beachtung von (27 a), (27 b), (30 c), (30 d), (30 f) und (30 g) führt aus (31 a) und (31 b) zu:

$$\mu_{01} = \nu_a \mu_a^0 + \nu_b \mu_b^0 = \mu_{ab}^0, \quad (32 a)$$

$$\mu_{02} = \nu_c \mu_c^0 + \nu_b^* \mu_b^{0*} = \mu_{cb}^0. \quad (32 b)$$

Aktivität

Wir wollen nun die dimensionslose Funktion a_i der Komponente i durch die Definition

$$\ln a_i \equiv \frac{\mu_i - \mu_{0i}}{R T} \quad (i = 1, 2) \quad (33)$$

eingeführen und sie die Aktivität der Komponente i nennen. μ_i ist das chemische Potential der Komponente i , μ_{0i} das chemische Potential der reinen flüssigen Komponente i bei denselben Werten der Temperatur und des Druckes P und R die Gaskonstante. Durch Einsetzen von (29 a) und (32 a) sowie von (29 b) und (32 b) in (33) ergibt sich:

$$\ln a_1 = \frac{1}{R T} [\nu_a (\mu_a - \mu_a^0) + \nu_b (\mu_b - \mu_b^0)]$$

$$= \frac{1}{R T} [\mu_{ab} - \mu_{ab}^0], \quad (34 a)$$

$$\ln a_2 = \frac{1}{R T} [\nu_c (\mu_c - \mu_c^0) + \nu_b^* (\mu_b - \mu_b^{0*})]$$

$$= \frac{1}{R T} [\mu_{cb} - \mu_{cb}^0]. \quad (34 b)$$

Die Aktivitäten a_1 und a_2 stellen meßbare Größen dar, die von der Temperatur T , vom Druck P und von der Zusammensetzung x abhängen. Sie sind nach der Gibbs-Duhemschen Gleichung bei fester Temperatur T und festem Druck P durch

$$x \left(\frac{\partial \ln a_1}{\partial x} \right)_{T, P} + (1 - x) \left(\frac{\partial \ln a_2}{\partial x} \right)_{T, P} = 0 \quad (35)$$

miteinander verknüpft.

Die Gln. (29 a), (29 b), (31 a), (31 b), (32 a), (32 b), (34 a) und (34 b) gelten für beliebigen Dis-

³ Die reinen Komponenten müssen bei denselben Werten der Temperatur T und des Druckes P vorliegen wie die Mischung.

soziationsgrad α_i bzw. α_i^0 ($i = 1, 2$; $0 \leq \alpha_i$, $\alpha_i^0 \leq 1$) unter der Voraussetzung des Dissoziationsgleichgewichtes (27 a) und (27 b). Läßt sich das chemische Potential μ_j aller in der Mischung vorhandenen geladenen und ungeladenen Teilchenarten A^{z_a} , B^{z_b} , C^{z_c} , $A_{v_a} B_{v_b}$ und $C_{v_c} B_{v_b}^*$ durch die Beziehung

$$\mu_j = \mu_{0j} + RT \ln x_j \quad (j = a, b, c, ab, cb) \quad (36)$$

im Bereich von $x_j = 0$ bis $x_j = 1$ beschreiben, liegt eine ideale teilweise dissoziierte Mischung vor. μ_j ist das chemische Potential der Teilchenart j in der Mischung, μ_{0j} das chemische Potential der reinen hypothetischen Teilchenart j bei fester Temperatur T und festem Druck P , R die Gaskonstante, T die thermodynamische Temperatur und x_j der wahre Molenbruch der Teilchenart j . Eine solche ideale unvollständig dissoziierte Mischung stellt ein Gegenstück zur idealen assoziierten Mischung bei Nichtelektrolyten dar. Sie ist bei hinreichender Ähnlichkeit der einzelnen Partikel denkbar⁴. Für die verschiedenen Teilchen unserer Mischung gilt dann:

$$\mu_a = \mu_{0a} + RT \ln x_a, \quad (37 a)$$

$$\mu_b = \mu_{0b} + RT \ln x_b, \quad (37 b)$$

$$\mu_c = \mu_{0c} + RT \ln x_c, \quad (37 c)$$

$$\mu_{ab} = \mu_{0ab} + RT \ln x_{ab} \quad (37 d)$$

$$\text{und} \quad \mu_{cb} = \mu_{0cb} + RT \ln x_{cb}. \quad (37 e)$$

μ_{0a} , μ_{0b} und μ_{0c} sind die chemischen Potentiale der reinen (hypothetischen) flüssigen Ionen A^{z_a} , B^{z_b} und C^{z_c} , μ_{0ab} und μ_{0cb} die der reinen (hypothetischen) neutralen Moleküle $A_{v_a} B_{v_b}$ und $C_{v_c} B_{v_b}^*$.

Der Übergang zur reinen Komponente 1 ($x = 1$) bzw. 2 ($x = 0$) liefert mit (11), (12), (13), (30 c), (30 d) und (30 e) aus (37 a), (37 b) und (37 d):

$$\mu_a^0 = \mu_{0c} + RT \ln x_c^0, \quad (38 a)$$

$$\mu_b^0 = \mu_{0b} + RT \ln x_b^0 \quad (38 b)$$

$$\text{und} \quad \mu_{ab}^0 = \mu_{0ab} + RT \ln x_{ab}^0, \quad (38 c)$$

bzw. mit (14), (15), (16), (30 f), (30 g) und (30 h) aus (37 b), (37 c) und (37 e)

$$\mu_c^0 = \mu_{0c} + RT \ln x_c^0, \quad (38 d)$$

$$\mu_b^{0*} = \mu_{0b} + RT \ln x_b^{0*} \quad (38 e)$$

$$\text{und} \quad \mu_{cb}^0 = \mu_{0cb} + RT \ln x_{cb}^0. \quad (38 f)$$

Die Differenz aus den entsprechenden Gln. (37) und (38) führt zu

$$\mu_a - \mu_a^0 = RT \ln x_a/x_a^0, \quad (39 a)$$

$$\mu_b - \mu_b^0 = RT \ln x_b/x_b^0, \quad (39 b)$$

$$\mu_{ab} - \mu_{ab}^0 = RT \ln x_{ab}/x_{ab}^0, \quad (39 c)$$

$$\mu_c - \mu_c^0 = RT \ln x_c/x_c^0, \quad (39 d)$$

$$\mu_b - \mu_b^{0*} = RT \ln x_b/x_b^{0*} \quad (39 e)$$

$$\text{und} \quad \mu_{cb} - \mu_{cb}^0 = RT \ln x_{cb}/x_{cb}^0. \quad (39 f)$$

Führt man die Beziehungen (39 a) und (39 b) oder (39 c) in den Ausdruck (34 a) ein, ergibt sich mit

$$a_1 = a_1^{\text{id}} \quad (40)$$

der Zusammenhang

$$a_1^{\text{id}} = (x_a/x_a^0)^{v_a} (x_b/x_b^0)^{v_b} \quad (41 a)$$

$$\text{oder} \quad a_1^{\text{id}} = x_{ab}/x_{ab}^0. \quad (42 a)$$

Analog findet man aus (34 b), (39 d), (39 e) und (39 f) mit

$$a_2 = a_2^{\text{id}} \quad (43)$$

die Beziehung

$$a_2^{\text{id}} = (x_c/x_c^0)^{v_c} (x_b/x_b^{0*})^{v_b^*} \quad (41 b)$$

$$\text{oder} \quad a_2^{\text{id}} = x_{cb}/x_{cb}^0. \quad (42 b)$$

Zur Umrechnung der in den Gln. (41) und (42) auftretenden wahren Molenbrüche in die stöchiometrischen Molenbrüche setzt man die Ausdrücke (3), (4), (11) und (12) in (41 a) bzw. (4), (5), (14) und (15) in (41 b) ein und erhält:

$$a_1^{\text{id}} = [\alpha_1 x]^{v_a} \left[\alpha_1 x + \frac{v_b^*}{v_b} \alpha_2 (1-x) \right]^{v_b} \left[\frac{1 + (v_1 - 1) \alpha_1^0}{\alpha_1^0 [1 + (v_2 - 1) \alpha_2 + ((v_1 - 1) \alpha_1 - (v_2 - 1) \alpha_2) x]} \right]^{v_1} \quad (44 a)$$

$$\text{bzw.} \quad a_2^{\text{id}} = [\alpha_2 (1-x)]^{v_c} \left[\alpha_2 (1-x) + \frac{v_b}{v_b^*} \alpha_1 x \right]^{v_b} \left[\frac{1 + (v_2 - 1) \alpha_2^0}{\alpha_2^0 [1 + (v_2 - 1) \alpha_2 + ((v_1 - 1) \alpha_1 - (v_2 - 1) \alpha_2) x]} \right]^{v_2}, \quad (44 b)$$

⁴ HOENEN⁵ hat bei seinen thermodynamischen Betrachtungen von Schmelzgleichgewichten dissoziierender Stoffe im Bereich hoher Verdünnung einer Komponente ebenfalls

die wahren Molenbrüche aller vorhandenen Teilchenarten benutzt und „ideale“ Verhältnisse angenommen.

⁵ P. H. J. HOENEN, Z. Physik. Chem. **83**, 513 [1913].

wobei auch die Gln. 8), (9) und (10) benutzt wurden. Analog erhält man durch Einsetzen von (6) und (13) in (42 a) bzw. von (7) und (16) in (42 b):

$$a_1^{\text{id}} = \frac{(1-\alpha_1) [1 + (\nu_1-1) \alpha_1^0] x}{(1-\alpha_1^0) [1 + (\nu_2-1) \alpha_2 + ((\nu_1-1) \alpha_1 - (\nu_2-1) \alpha_2) x]} \quad (45 \text{ a})$$

bzw.

$$a_2^{\text{id}} = \frac{(1-\alpha_2) [1 + (\nu_2-1) \alpha_2^0] (1-x)}{(1-\alpha_2^0) [1 + (\nu_2-1) \alpha_2 + ((\nu_1-1) \alpha_1 - (\nu_2-1) \alpha_2) x]} \quad (45 \text{ b})$$

Man erkennt den symmetrischen Charakter der Ausdrücke (44 a) und (44 b) sowie (45 a) und (45 b). Eine unvollständig dissoziierte ideale Elektrolytmischung wird durch die Beziehungen (44) und (45) beschrieben. Die Größen auf den rechten Seiten dieser Gleichungen sind prinzipiell meßbar. Sie gestatten es, eine teilweise dissoziierte Elektrolytmischung aus zwei Komponenten mit einem gemeinsamen Ion zu charakterisieren. Im Gegensatz zur idealen vollständig dissoziierten flüssigen Elektrolytmischung, bei der die Aktivitäten a_1 und a_2 nur Funktionen der Zusammensetzung x sind⁶, hängen die Aktivitäten a_1 und a_2 der Komponenten 1 und 2 bei der unvollständig dissoziierten Elektrolytmischung außerdem noch über die Dissoziationsgrade α_1 , α_1^0 , α_2 und α_2^0 von der Temperatur T und vom Druck P ab.

Bei vollständiger Dissoziation ($\alpha_1 = \alpha_1^0 = \alpha_2 = \alpha_2^0 = 1$) folgen aus Gln. (44 a) und (44 b) die von HAASE^{6,7} abgeleiteten Beziehungen für ideale vollständig dissoziierte Elektrolytschmelzen, wobei im ersten Fall die Funktion Ψ_i ($i = 1, 2$) benutzt wurde, die mit der Aktivität a_i durch

$$\ln a_i = \Psi_i$$

verknüpft ist.

Für den oben erwähnten Sonderfall der undissoziierten Komponente 1 [Mischung eines Elektrolyten (2) mit einem neutralen Stoff (1)] ergibt sich aus (20), (22), (23 c) und (42 a) bei der Komponente 1:

$$a_1^{\text{id}} = \frac{x}{1 + (\nu_2-1) \alpha_2 (1-x)}, \quad (46 \text{ a})$$

eine Beziehung, die auch aus (45 a) mit $\alpha_1 = \alpha_1^0 = 0$

Man findet hier aus (44 a) und (44 b) mit (50)

$$a_1^{\text{id}} = [\alpha_1 x (\alpha_1 x + \alpha_2 (1-x))]^2 \left[\frac{1+3\alpha_1^0}{\alpha_1^0 (1+3\alpha_2 + (\alpha_1-\alpha_2) 3x)} \right]^4 \equiv K_1^{\text{II}} \quad (51 \text{ a})$$

folgt. Für die Komponente 2 erhält man unter diesen Bedingungen aus (14), (15), (18), (19) und (41 b) oder aus (16), (21) und (42 b):

$$a_2^{\text{id}} = \left[\frac{\alpha_2 (1 + (\nu_2-1) \alpha_2^0) (1-x)}{\alpha_2^0 (1 + (\nu_2-1) \alpha_2 (1-x))} \right]^{\nu_2}, \quad (46 \text{ b})$$

$$\text{oder } a_2^{\text{id}} = \frac{(1-\alpha_2) (1 + (\nu_2-1) \alpha_2^0) (1-x)}{(1-\alpha_2^0) (1 + (\nu_2-1) \alpha_2 (1-x))}. \quad (46 \text{ c})$$

Die Zusammenhänge (46 b) und (46 c) findet man ebenfalls aus (44 b) oder (45 b) mit $\alpha_1 = \alpha_1^0 = 0$.

Im folgenden sollen nun beispielhaft für vier Spezialtypen von Mischungen aus zwei Komponenten 1 und 2 die Aktivitäten a_1 und a_2 berechnet werden.

I. Liegt ein besonders einfaches System aus zwei Komponenten vom Typ AB + CB (zum Beispiel $\text{HClO}_4 + \text{NaClO}_4$ mit einer vollständig dissoziierten Komponente oder $\text{HCOOH} + \text{Cl}_3\text{CCOOH}$ mit zwei unvollständig dissoziierten Komponenten und gemeinsamem Kation) vor, dessen Moleküle in jeweils ein Kation und ein gemeinsames Anion zerfallen, gilt gemäß (9) und (10):

$$\begin{aligned} \nu_a = \nu_b = \nu_c = \nu_b^* &= 1, \\ \nu_1 = \nu_2 &= 2. \end{aligned} \quad (47)$$

Man erhält dann für dieses Beispiel aus (44 a), (44 b) und (47):

$$a_1^{\text{id}} = \alpha_1 x (\alpha_1 x + \alpha_2 (1-x)) \cdot \left[\frac{1 + \alpha_1^0}{\alpha_1^0 (1 + \alpha_2 + (\alpha_1 - \alpha_2) x)} \right]^2 \equiv K_1^{\text{I}}, \quad (48 \text{ a})$$

$$a_2^{\text{id}} = \alpha_2 (1-x) (\alpha_2 (1-x) + \alpha_1 x) \cdot \left[\frac{1 + \alpha_2^0}{\alpha_2^0 (1 + \alpha_2 + (\alpha_1 - \alpha_2) x)} \right]^2 \equiv K_2^{\text{I}}. \quad (48 \text{ b})$$

Bei vollständiger Dissoziation gelten mit

$$\alpha_1 = \alpha_1^0 = \alpha_2 = \alpha_2^0 = 1$$

nach (48 a) und (48 b) die Beziehungen

$$a_1^{\text{id}} = x \quad (49 \text{ a})$$

und

$$a_2^{\text{id}} = (1-x). \quad (49 \text{ b})$$

II. Dissoziieren die beiden Komponenten des Typs $\text{A}_2\text{B}_2 + \text{C}_2\text{B}_2$ in jeweils zwei Kationen und zwei gemeinsame Anionen, ergibt sich mit (9) und (10):

$$\begin{aligned} \nu_a = \nu_b = \nu_c = \nu_b^* &= 2, \\ \nu_1 = \nu_2 &= 4. \end{aligned} \quad (50)$$

$$a_1^{\text{id}} = [\alpha_1 x (\alpha_1 x + \alpha_2 (1-x))]^2 \left[\frac{1+3\alpha_1^0}{\alpha_1^0 (1+3\alpha_2 + (\alpha_1-\alpha_2) 3x)} \right]^4 \equiv K_1^{\text{II}} \quad (51 \text{ a})$$

⁶ R. HAASE, Z. Physik. Chem. N.F. 63, 95 [1969].

⁷ R. HAASE, J. Phys. Chem. 73, 1160 [1969].

und
$$a_2^{\text{id}} = [\alpha_2(1-x)(\alpha_2(1-x) + \alpha_1 x)]^2 \left[\frac{1+3\alpha_2^0}{\alpha_2^0(1+3\alpha_2 + (\alpha_1 - \alpha_2)3x)} \right]^4 \equiv K_2^{\text{II}}, \quad (51 \text{ b})$$

woraus für vollständige Dissoziation ($\alpha_1 = \alpha_1^0 = \alpha_2 = \alpha_2^0 = 1$) folgt:

$$a_1^{\text{id}} = x^2, \quad a_2^{\text{id}} = (1-x)^2. \quad (52 \text{ a, b})$$

III. Bilden die Moleküle der Stoffe 1 und 2 vom Typ $A_2B + C_2B$ (zum Beispiel $\text{Na}_2\text{SO}_4 + \text{K}_2\text{SO}_4$) beide zwei Kationen und ein gemeinsames Anion, gilt nach (9) und (10):

$$\nu_a = \nu_c = 2, \quad \nu_b = \nu_b^* = 1, \quad \nu_1 = \nu_2 = 3, \quad (53)$$

und (44 a) und (44 b) liefern mit (53):

$$a_1^{\text{id}} = [\alpha_1 x]^2 [\alpha_1 x + \alpha_2(1-x)] \left[\frac{1+2\alpha_1^0}{\alpha_1^0(1+2\alpha_2 + (\alpha_1 - \alpha_2)2x)} \right]^3 \equiv K_1^{\text{III}} \quad (54 \text{ a})$$

und
$$a_2^{\text{id}} = [\alpha_2(1-x)]^2 [\alpha_2(1-x) + \alpha_1 x] \left[\frac{1+2\alpha_2^0}{\alpha_2^0(1+2\alpha_2 + (\alpha_1 - \alpha_2)2x)} \right]^3 \equiv K_2^{\text{III}}. \quad (54 \text{ b})$$

Bei vollständiger Dissoziation ($\alpha_1 = \alpha_1^0 = \alpha_2 = \alpha_2^0 = 1$) erhält man daraus:

$$a_1^{\text{id}} = x^2, \quad a_2^{\text{id}} = (1-x)^2. \quad (55 \text{ a, b})$$

IV. Liefert die Dissoziation der Komponenten 1 und 2 des Typs $AB_2 + CB_2$ [z. B. Magnesiumstearat

+ Calciumstearat: $\text{Mg}(\text{C}_{18}\text{H}_{35}\text{O}_2)_2 + \text{Ca}(\text{C}_{18}\text{H}_{35}\text{O}_2)_2$] unserer Mischung aus einem Molekül ein Kation und zwei gemeinsame Anionen, führen (9) und (10) mit

$$\nu_a = \nu_c = 1, \quad \nu_b = \nu_b^* = 2 \text{ und } \nu_1 = \nu_2 = 3 \quad (56)$$

sowie (44 a), (44 b) und (56) zu

$$a_1^{\text{id}} = \alpha_1 x [\alpha_1 x + \alpha_2(1-x)]^2 \left[\frac{1+2\alpha_1^0}{\alpha_1^0(1+2\alpha_2 + (\alpha_1 - \alpha_2)2x)} \right]^3 \equiv K_1^{\text{IV}} \quad (57 \text{ a})$$

und
$$a_2^{\text{id}} = \alpha_2(1-x) [\alpha_2(1-x) + \alpha_1 x]^2 \left[\frac{1+2\alpha_2^0}{\alpha_2^0(1+2\alpha_2 + (\alpha_1 - \alpha_2)2x)} \right]^3 \equiv K_2^{\text{IV}}. \quad (57 \text{ b})$$

Hier ergibt sich für die vollständige Dissoziation ($\alpha_1 = \alpha_1^0 = \alpha_2 = \alpha_2^0 = 1$):

$$a_1^{\text{id}} = x, \quad a_2^{\text{id}} = (1-x). \quad (58 \text{ a, b})$$

Diese vier Beispiele zeigen, daß nur bei vollständiger Dissoziation im I. und IV. Fall, bei denen die Moleküle der beiden Komponenten je ein nicht gemeinsames Kation besitzen, die Aktivitäten a_1 bzw. a_2 mit dem Molenbruch x bzw. $(1-x)$ identisch sind. In den anderen Fällen (I. und IV. bei unvollständiger Dissoziation und II. und III. bei vollständiger und unvollständiger Dissoziation) liegen kompliziertere Abhängigkeiten der Aktivitäten vom Molenbruch vor. Diese Tatsache hat bei der Beschreibung von Verdampfungsgleichgewichten, wie wir später sehen werden, eine wichtige Konsequenz.

Aktivitätskoeffizienten

Definiert man nach HAASE⁷ den temperatur-, druck- und konzentrationsabhängigen Aktivitätskoeffizienten f_i der Komponente i durch

$$f_i \equiv a_i/a_i^{\text{id}} \quad (i = 1, 2), \quad (59)$$

so gibt f_i den Unterschied der Eigenschaften einer beliebigen Mischung zu den einer unvollständig dissoziierten idealen Mischung an, da für eine unvollständig dissoziierte ideale Mischung

$$a_i = a_i^{\text{id}} \quad (i = 1, 2) \quad (60)$$

ist und damit $f_i = 1 \quad (i = 1, 2) \quad (61)$

wird. $f_i \neq 1$ beschreibt also eine nichtideale Mischung mit beliebiger Dissoziation.

Die Aktivitätskoeffizienten sind nach (35) und (59) durch

$$x \left[\frac{\partial \ln f_1}{\partial x} \right]_{T, P} + (1-x) \left[\frac{\partial \ln f_2}{\partial x} \right]_{T, P} = 0 \quad (62)$$

miteinander verknüpft.

Für die reinen Komponenten 1 bzw. 2 erhält man durch den Grenzübergang $x \rightarrow 1$ ($\alpha_1 \rightarrow \alpha_1^0$) bzw. $x \rightarrow 0$ ($\alpha_2 \rightarrow \alpha_2^0$) aus (30 a), (33), (44 a) und (59) bzw. (30 b), (33), (44 b) und (59)

$$\lim_{x \rightarrow 0} (\ln f_1) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow 0} f_1 = 1 \quad (63 \text{ a})$$

bzw.
$$\lim_{x \rightarrow 0} (\ln f_2) = 0, \quad \lim_{x \rightarrow 0} f_2 = 1 \quad (63 \text{ b})$$

in Analogie zu den Nichteletrolytmischungen.

Für die Aktivitätskoeffizienten f_1 und f_2 findet man aus (59) mit (44 a) und (44 b) die recht komplizierten Ausdrücke

$$f_1 = a_1 \frac{1}{[a_1 x]^{\nu_a} [a_1 x + (\nu_b^*/\nu_b) a_2 (1-x)]^{\nu_b}} \left[\frac{a_1^0 [1 + (\nu_2 - 1) a_2 + ((\nu_1 - 1) a_1 - (\nu_2 - 1) a_2) x]}{1 + (\nu_1 - 1) a_1^0} \right]^{\nu_1} \quad (64 a)$$

und $f_2 = a_1 \frac{1}{[a_2 (1-x)]^{\nu_c} [a_2 (1-x) + (\nu_b/\nu_b^*) a_1 x]^{\nu_b^*}} \left[\frac{a_2^0 [1 + (\nu_2 - 1) a_2 + ((\nu_1 - 1) a_1 - (\nu_2 - 1) a_2) x]}{1 + (\nu_2 - 1) a_2^0} \right]^{\nu_2} \quad (64 b)$

Bei den oben genannten vier Beispieltypen von Systemen I, II, III und IV ergibt sich nach (64 a) und (64 b) die Beziehung

$$f_i = a_i / K_i^j, \quad (i = 1, 2; j = \text{I, II, III, IV}) \quad (65)$$

und zwar für

I. (Typ AB + CB) bei Beachtung von (47) unter Verwendung der Abkürzung K_i^{I} (48 a) und (48 b),

II. (Typ $A_2B_2 + C_2B_2$) bei Beachtung von (50) unter Verwendung der Abkürzung K_i^{II} (51 a) und (51 b),

III. (Typ $A_2B + C_2B$) bei Beachtung von (53) unter Verwendung der Abkürzung K_i^{III} (54 a) und (54 b) und

IV. (Typ $AB_2 + CB_2$) bei Beachtung von (56) unter Verwendung der Abkürzung K_i^{IV} (57 a) und (57 b).

Vollständige Dissoziation ($\alpha_1 = \alpha_1^0 = \alpha_2 = \alpha_2^0 = 1$) vereinfacht die Gl. (65) wesentlich. In den obigen Beispielen findet man nach (65) für die Aktivitätskoeffizienten f_1 und f_2 bei

I. (Typ AB + CB) mit (47), (48 a) und (48 b):

$$f_1 = a_1/x, \quad f_2 = a_2/(1-x), \quad (66 a, b)$$

II. (Typ $A_2B_2 + C_2B_2$) mit (50), (51 a) und (51 b):

$$f_1 = a_1/x^2, \quad f_2 = a_2/(1-x)^2, \quad (67 a, b)$$

III. (Typ $A_2B + C_2B$) mit (53), (54 a) und (54 b):

$$f_1 = a_1/x^2, \quad f_2 = a_2/(1-x)^2, \quad (68 a, b)$$

und

IV. (Typ $AB_2 + CB_2$) mit (56), (57 a) und (57 b):

$$f_1 = a_1/x, \quad f_2 = a_2/(1-x). \quad (69 a, b)$$

Man erkennt, daß im Falle vollständiger Dissoziation einfache Ausdrücke für die Aktivitätskoeffizienten f_1 und f_2 erzielt werden. Nur die Beispiele I (Typ AB + CB: zwei Molekülarten mit je einem Kation und einem gemeinsamen Anion) und IV (Typ $AB_2 + CB_2$: zwei Molekülarten mit je einem Kation und zwei gemeinsamen Anionen) liefern bei

vollständiger Dissoziation für die Aktivitätskoeffizienten Ausdrücke, die mit denen für Nichtelektrolytmischungen übereinstimmen.

Verdampfungsgleichgewicht

Liegt ein System aus einer flüssigen Mischung der (teilweise dissoziierten) Komponenten 1 und 2 und dem koexistierenden Dampf vor, lautet die allgemeine Gleichgewichtsbedingung²:

$$\mu_i(T, p, x) = \mu_i^G(T, p, x^G) \quad (i = 1, 2). \quad (70)$$

Für das Gleichgewicht zwischen Flüssigkeit und Dampf des reinen Stoffes i gilt entsprechend:

$$\mu_{0i}(T, p_{0i}) = \mu_{0i}^G(T, p_{0i}) \quad (i = 1, 2). \quad (71)$$

μ_i bzw. μ_i^G bzw. μ_{0i} bzw. μ_{0i}^G ist das chemische Potential der Komponente i in der flüssigen Mischung bzw. im mit dieser Mischung koexistierenden Dampf bzw. des reinen flüssigen Stoffes i bzw. im Gleichgewichtsdampf des reinen Stoffes i .

Das chemische Potential der Komponente i in der flüssigen Mischphase μ_i hängt von der Temperatur T , vom Druck p und von der Zusammensetzung x der Flüssigkeit, das des Stoffes i in der gasförmigen Mischung μ_i^G von der Temperatur T , vom Druck p und von der Zusammensetzung x^G der Gasphase ab. Im Gleichgewicht sind von den vier Zustandsvariablen des Systems aus den beiden Phasen (T, p, x, x^G) zwei voneinander unabhängig (zum Beispiel T, x). Die beiden anderen liegen auf Grund der Phasenregel fest (zum Beispiel p, x^G).

Bei der reinen Komponente i hängt das chemische Potential dieses Stoffes für die Flüssigkeit μ_{0i} und den Dampf μ_{0i}^G von der Temperatur T und vom Druck p_{0i} ab. Im Gleichgewicht zwischen Flüssigkeit und Dampf ist eine Variable (zum Beispiel T) frei wählbar, die andere (zum Beispiel p_{0i}) stellt sich ein. Die durch die Gl. (33) eingeführte Aktivität a_i der Komponente i wird für die Temperatur T und die Zusammensetzung x auf einen Standarddruck P_0 bezogen, der gewöhnlich einen Wert von $P_0 = 1$ atm hat. Aus (33) folgt dann:

$$RT \ln a_i = \mu_i(T, P_0, x) - \mu_{0i}(T, P_0) \quad (i = 1, 2). \quad (72)$$

Die mit der Druckänderung vom Standarddruck P_0 auf den Gleichgewichtsdruck p verbundene Änderung des chemischen Potentials der Komponente i in der flüssigen Mischphase bei fester Temperatur T und konstanter Zusammensetzung x wird durch²

$$\mu_i(T, P_0, x) = \mu_i(T, p, x) - \int_{P_0}^p V_i dP \quad (i = 1, 2) \quad (73 \text{ a})$$

und die mit der Druckänderung vom Standarddruck

P_0 auf den Gleichgewichtsdruck p_{0i} verknüpfte Änderung des chemischen Potentials der Komponente i in der reinen Flüssigkeit bei fester Temperatur T durch

$$\mu_{0i}(T, P_0) = \mu_{0i}(T, p_{0i}) - \int_{P_0}^{p_{0i}} V_{0i} dP \quad (i = 1, 2) \quad (73 \text{ b})$$

gegeben, wobei V_i das partielle molare Volumen der flüssigen Komponente i und V_{0i} das molare Volumen der reinen Flüssigkeit i ist.

Einsetzen von (73 a) und (73 b) in (72) ergibt:

$$RT \ln a_i = \mu_i(T, p, x) - \mu_{0i}(T, p_{0i}) + \int_{P_0}^{p_{0i}} V_{0i} dP - \int_{P_0}^p V_i dP \quad (i = 1, 2), \quad (74)$$

woraus unter Verwendung der Gleichgewichtsbedingungen (70) und (71) folgt:

$$RT \ln a_i = \mu_i^G(T, p, x^G) - \mu_{0i}^G(T, p_{0i}) + \int_{P_0}^{p_{0i}} V_{0i} dP - \int_{P_0}^p V_i dP \quad (i = 1, 2). \quad (75)$$

Für das chemische Potential μ_i^G des gasförmigen Stoffes i in einer Gasmischung mit dem Druck p und das chemische Potential μ_{0i}^G des reinen Gases i beim Druck p_{0i} gilt allgemein²:

$$\mu_i^G(T, p, x^G) = RT \ln \frac{p x^G}{P^\dagger} + \int_0^p \left(V_i^G - \frac{RT}{P} \right) dP, \quad (76 \text{ a})$$

$$\mu_{0i}^G(T, p_{0i}) = RT \ln \frac{p_{0i} x_{0i}^G}{P^\dagger} + \int_0^{p_{0i}} \left(V_{0i}^G - \frac{RT}{P} \right) dP \quad \text{mit} \quad P^\dagger \equiv 1 \text{ atm.} \quad (76 \text{ b})$$

Hierin bedeutet x_i^G bzw. x_{0i}^G den Molenbruch der Komponente i im Dampf der flüssigen Mischphase bzw. im Dampf der reinen flüssigen Komponente i und V_i^G bzw. V_{0i}^G das partielle molare Volumen der Komponente i im Gleichgewichtsdampf der flüssigen Mischphase bzw. das molare Volumen des Dampfes der reinen Komponente i . Tritt im reinen Dampf weder Dissoziation noch Assoziation auf, ist

$$x_{0i}^G = 1.$$

Die in den Beziehungen (76 a) und (76 b) auftretenden Integrale berücksichtigen das nichtideale Verhalten des Dampfes der Mischung und der reinen Komponenten.

Werden die Gln. (76 a) und (76 b) in (75) eingeführt, erhält man:

$$RT \ln a_i = RT \ln \frac{p x_i^G}{p_{0i} x_{0i}^G} + R_i^G + R_i, \quad (77)$$

$$a_i = \frac{p x_i^G}{p_{0i} x_{0i}^G} \exp \left\{ \frac{R_i^G + R_i}{RT} \right\},$$

wobei die Abkürzungen

$$R_i^G \equiv \int_0^p \left(V_i^G - \frac{RT}{P} \right) dP - \int_0^{p_{0i}} \left(V_{0i}^G - \frac{RT}{P} \right) dP \quad (78 \text{ a})$$

$$\text{und} \quad R_i \equiv \int_{P_0}^{p_{0i}} V_{0i} dP - \int_{P_0}^p V_i dP \quad (78 \text{ b})$$

benutzt wurden.

Bei Systemen mit vernachlässigbarer Druckabhängigkeit des chemischen Potentials der flüssigen Phase ($R_i = 0$), idealer Dampfphase ($R_i^G = 0$) ohne Dissoziation oder Assoziation der Moleküle im reinen Dampf ($x_{0i}^G = 1$), folgt aus (77) die einfache Beziehung:

$$a_i = p_i / p_{0i}, \quad (79)$$

wobei p_i der durch

$$p_i \equiv x_i^G p \quad (80)$$

definierte Partialdruck der Komponente i im Dampf ist. Für die Aktivitätskoeffizienten f_1 und f_2 erhält man aus (64 a) und (77) mit $i = 1$ bzw. aus (64 b) und (77) mit $i = 2$:

$$f_1 = \frac{p x^G}{p_{01} x_{01}^G} \exp \left\{ \frac{R_1^G + R_1}{R T} \right\} \frac{1}{[a_1 x]^{\nu_a} [a_1 x + (\nu_b^*/\nu_b) a_2 (1-x)]^{\nu_b}} \left[\frac{a_1^0 [1 + (\nu_2 - 1) a_2 + ((\nu_1 - 1) a_1 - (\nu_2 - 1) a_2) x]}{1 + (\nu_1 - 1) a_1^0} \right]^{\nu_1} \quad (81 a)$$

$$f_2 = \frac{p(1-x^G)}{p_{02}(1-x_{02}^G)} \exp \left\{ \frac{R_2^G + R_2}{R T} \right\} \frac{1}{[a_2(1-x)]^{\nu_c} [a_2(1-x) + (\nu_b/\nu_b^*) a_1 x]^{\nu_b^*}} \cdot \left[\frac{a_2^0 [1 + (\nu_2 - 1) a_2 + ((\nu_1 - 1) a_1 - (\nu_2 - 1) a_2) x]}{1 + (\nu_2 - 1) a_2^0} \right]^{\nu_2}, \quad (81 b)$$

worin für $i = 1$ bzw. $i = 2$ gesetzt ist:

$$x_1 = x, \quad x_2 = (1 - x).$$

Aus den Daten für den Gleichgewichtsdampf der Mischphase (Dampfdruck p , Molenbruch x^G und partielles molares Volumen V_i^G), für den Dampf der reinen Komponente i (Dampfdruck p_{0i} , Molenbruch x_{0i}^G , und molares Volumen V_{0i}^G), für die flüssige Mischung (Molenbruch x , partielles molares Volumen V_i und Dissoziationsgrad α_i) und für die reinen flüssigen Stoffe i (partielles molares Volumen V_{0i} und Dissoziationsgrad α_i) sowie den Zerfallszahlen ν_a , ν_b , ν_c und ν_b^* lassen sich unter Verwendung von (9) und (10) die Aktivitätskoeffizienten unseres Systems nach (81 a) und (81 b) für jede Temperatur T und Zusammensetzung x der flüssigen Phase

berechnen. Tritt in der Dampfphase Assoziation auf, wie es z. B. bei den aliphatischen Monocarbonsäuren der Fall ist, so kann bei Verwendung der zur Untersuchung von Verdampfungsgleichgewichten üblichen Umlaufapparaturen die Bestimmung der Molenbrüche x^G bzw. x_{0i}^G durch Analyse einer Probe des kondensierten Dampfes nur bei Kenntnis der Assoziationskonstanten des Dampfgemisches bzw. des reinen Dampfes erfolgen.

Bei Gültigkeit der Voraussetzungen zur Gl. (79) (keine Druckabhängigkeit der chemischen Potentiale der Komponenten in der flüssigen Mischung: $R_i = 0$; ideale Gasphase: $R_i^G = 0$; keine Dissoziation oder Assoziation im Dampf: $x_{0i}^G = 1$) vereinfachen sich (81 a) und (81 b) bei Beachtung von (80) zu

$$f_1 = \frac{p_1}{p_{01}} \frac{1}{[a_1 x]^{\nu_a} [a_1 x + (\nu_b^*/\nu_b) a_2 (1-x)]^{\nu_b}} \left[\frac{a_1^0 [1 + (\nu_2 - 1) a_2 + ((\nu_1 - 1) a_1 - (\nu_2 - 1) a_2) x]}{1 + (\nu_1 - 1) a_1^0} \right]^{\nu_1} \quad (82 a)$$

$$f_2 = \frac{p_2}{p_{02}} \frac{1}{[a_2(1-x)]^{\nu_c} [a_2(1-x) + (\nu_b/\nu_b^*) a_1 x]^{\nu_b^*}} \left[\frac{a_2^0 [1 + (\nu_2 - 1) a_2 + ((\nu_1 - 1) a_1 - (\nu_2 - 1) a_2) x]}{1 + (\nu_2 - 1) a_2^0} \right]^{\nu_2}. \quad (82 b)$$

Für die früher erörterten Beispiele I (Typ AB + CB), II (Typ A₂B₂ + C₂B₂), III (Typ A₂B + C₂B) und IV (Typ AB₂ + CB₂) erhält man unter Benutzung der obigen Annahmen aus (82 a) und (82 b)

$$f_i = \frac{p_i}{p_{0i}} \frac{1}{K_{ij}} \quad (i = 1, 2; j = \text{I, II, III, IV}), \quad (83)$$

wobei im Sonderfall I (48 a) und (48 b), im Sonderfall II (51 a) und (51 b), im Sonderfall III (54 a) und (54 b) und im Sonderfall IV (57 a) und (57 b) benutzt wurden. Liegt vollständige Dissoziation vor ($\alpha_1 = \alpha_1^0 = \alpha_2 = \alpha_2^0 = 1$), resultiert bei I bzw. IV aus (66 a), (66 b) und (79) bzw. aus (69 a), (69 b) und (79)

$$f_1 = p_1/p_{01} x, \quad \text{bzw.} \quad f_2 = p_2/p_{02} (1-x), \quad (84 a, b)$$

während man bei II bzw. III aus (67 a), (67 b) und (79) bzw. (68 a), (68 b) und (79)

$$f_1 = p_1/p_{01} x^2 \quad \text{bzw.} \quad f_2 = p_2/p_{02} (1-x)^2 \quad (85 a, b)$$

erhält.

Nur bei der idealen vollständig dissoziierten flüssigen Mischung, bei der die chemischen Potentiale

der Komponenten nicht vom Druck abhängen und dessen Gleichgewichtsdampf ein ideales Gas und weder assoziiert noch dissoziiert ist, ergibt sich aus (84 a) und (84 b) mit (61) das Raoult'sche Gesetz:

$$p_1 = x p_{01} \quad \text{und} \quad p_2 = (1-x) p_{02} \quad (86 a, b)$$

für den gesamten Konzentrationsbereich.

Zusammenfassung

Es wird eine allgemeine thermodynamische Beschreibung eines Systems aus zwei Komponenten angegeben, die in einer Stufe unvollständig dissoziieren, wobei eine Ionenart gemeinsam ist. Die Grenzfälle „vollständige Dissoziation“ und „keine Dissoziation“ werden in der systematischen Betrachtung gleichzeitig mit erfaßt. Die ideale unvollständig dissoziierte Mischung wird definiert, wobei als Konsequenz dieser Definition die häufig unbekannten Dissoziationsgrade der Komponenten in der Mischung und im reinen Zustand zur Beschreibung erforderlich sind. Exakte Formeln zur Berechnung

der Aktivitätskoeffizienten der beiden Komponenten aus experimentellen Daten werden hergeleitet. Für praktische Auswertungen werden einige sinnvolle Näherungen der recht komplizierten Beziehungen durchgeführt. Man erhält das Raoult'sche Gesetz für den gesamten Konzentrationsbereich nur im Grenzfall vollständiger Dissoziation bei Systemen, deren

Komponenten pro Molekül nur ein nicht gemeinsames Ion besitzen. Auswertungen von Literaturdaten und eigene Messungen sollen in einer späteren Arbeit mitgeteilt werden.

Herrn Prof. Dr. R. HAASE danke ich für wertvolle Anregungen.

Thermoosmose in Flüssigkeiten

IV. Weitere Messungen

R. HAASE, H. J. DE GREIFF und H.-J. BUCHNER

Institut für Physikalische Chemie der Rheinisch-Westfälischen Technischen Hochschule Aachen

(Z. Naturforsch. 25 a, 1080—1085 [1970]; eingegangen am 29. April 1970)

Neue Messungen am System Cellophan (600) + Wasser im Temperaturbereich zwischen 10 °C und 90 °C werden mitgeteilt und diskutiert. Es handelt sich um die Permeabilität, die Überführungswärme und die thermoosmotische Permeabilität, die für Permeation und Thermoosmose maßgebend sind, sowie um die Temperaturabhängigkeit des Wassergehaltes der Folie bei Quellungs-gleichgewicht. Es wird untersucht, ob Cellophanfolien in flüssigem Wasser als Porenmembranen bzw. als Löslichkeitsmembranen anzusehen sind. Besondere Aufmerksamkeit wird der Richtungs-umkehr der Thermoosmose bei einer mittleren Temperatur von etwa 56 °C gewidmet.

Einleitung

Im Anschluß an unsere früheren Untersuchungen über Permeation und Thermoosmose¹⁻⁴, deren experimenteller Teil^{2,3} sich in erster Linie auf das System Cellophan + Wasser bezog, teilen wir jetzt die Ergebnisse weiterer Messungen an diesem System mit. Die Versuche erstrecken sich auf den Temperaturbereich zwischen etwa 10 °C und rund 90 °C. Auch gehen wir in diesem Zusammenhang auf Messungen des Quellungs-gleichgewichtes in Abhängigkeit von der Temperatur sowie auf die Interpretation der Permeation und Thermoosmose in Flüssigkeiten ein.

Permeabilität, Überführungswärme und thermoosmotische Permeabilität

Unsere Versuche betreffen zunächst die Permeation und Thermoosmose von reinem Wasser durch Cellulosemembranen bei verschiedenen (mittleren) Temperaturen. Die Membranen sind Cellophanfolien mit der Fabrikationsbezeichnung 600 der Fa. Kalle

AG., Wiesbaden-Biebrich. Die Experimente verlaufen nach dem bereits angegebenen Verfahren³. Die Ergebnisse der isothermen Versuche sind praktisch neu. Die Resultate der nicht-isothermen Experimente stellen eine Ergänzung und Korrektur der früheren Ergebnisse dar, da die Meßgenauigkeit gesteigert werden konnte und ein größerer Temperaturbereich erfaßt wurde. Alle Messungen sind an derselben Membran durchgeführt worden.

Die Permeabilität A wird, wie früher³ ausführlich dargelegt, aus dem zeitlichen Verlauf eines Versuches im isothermen System ermittelt. Die gefundenen Werte von A (SI-Einheit: $\text{mol kg}^{-1} \text{s}$) sind in Tab. 1 aufgeführt und in Abb. 1 graphisch dargestellt. Wie man erkennt, ist A stets positiv, wie es sein muß, und nimmt mit wachsender Temperatur zu. (Der Wert bei 60,55 °C oder derjenige bei 65,47 °C dürfte auf Meßfehlern beruhen.)

Die Überführungswärme Q^* wird, wie ebenfalls schon beschrieben³, aus der stationären Druckdifferenz bei nichtisothermen Systemen gewonnen. Die Werte von Q^* (SI-Einheit: J mol^{-1}) sind aus Tab. 1

Sonderdruckanforderungen an Prof. Dr. R. HAASE, Lehrstuhl für Physikalische Chemie II der Technischen Hochschule Aachen, D-5100 Aachen, Templergraben 59.

¹ R. HAASE, Z. Physik. Chem. N. F. 21, 244 [1959].

² R. HAASE u. C. STEINERT, Z. Physik. Chem. N. F. 21, 270 [1959].

³ R. HAASE u. H. J. DE GREIFF, Z. Physik. Chem. N. F. 44, 301 [1965].

⁴ R. HAASE, Z. Physik. Chem. N. F. 51, 315 [1966].